Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования «Национальный исследовательский технологический университет «МИСИС»

Кочев Владислав Дмитриевич

Неоднородная зарождающаяся сверхпроводимость в органических металлах и селениде железа

Специальность 1.3.8 — «Физика конденсированного состояния»

Автореферат диссертации на соискание учёной степени кандидата физико-математических наук

Научный руководитель: д. ф.-м. н. Григорьев Павел Дмитриевич

Общая характеристика работы

Актуальность темы.

Свойства металлов, основное состояние которых представляет собой волну зарядовой плотности (ВЗП/CDW) или волну спиновой плотности (ВСП/SDW), исследуются с 1950-х годов (см., например, [1; 2]). Часто ВЗП/ВСП (ВП/DW) конкурирует со сверхпроводимостью (СП/SC) [2—4], например, в большинстве высокотемпературных сверхпроводников (ВТСП), включая купраты [5—10] и железосодержащие соединения [11; 12]. Конкуренция между этими видами электронных неустойчивостей остаётся предметом активных исследований во многих других материалах, таких как дихалькогениды переходных металлов [13; 14], органические металлы (ОМ) [15—27] и даже материалы с нетривиальной топологией зонной структуры [28].

Обычно температура перехода в СП состояние T_{cSC} достигает максимума в области сосуществования вблизи значения параметра, соответствующего квантовой критической точке исчезновения ВП [3; 4; 19; 20]. Это связано с усилением куперовского спаривания за счёт критических флуктуаций ВП, аналогично высокотемпературным купратным сверхпроводникам [29]. Такое усиление характерно и для других типов квантовых критических точек, например, для антиферромагнитных точек в купратах [30; 31] или тяжёлофермионных сверхпроводниках [32], ферромагнитных точек [33], для нематических фазовых переходов в железосодержащих сверхпроводниках [34; 35] и т.д. Усиление электронэлектронных (е-е) взаимодействий в куперовском канале можно увидеть в приближении случайных фаз, притом сильная зависимость е-е связи от импульса может приводить к нетрадиционной СП [36]. Спин-зависимое взаимодействие с ВСП может дополнительно влиять на СП в случае их микроскопического сосуществования и способствовать триплетному СП спариванию [37; 38]. В целом, наличие любого антиферромагнетизма изменяет спиновую структуру собственных состояний и электронный g-фактор, что изучалось теоретически и экспериментально в купратах и ОМ [39]. Верхнее критическое поле H_{c2} в области сосуществования часто в несколько раз превышает таковое в чистой СП фазе [17; 27], что потенциально может быть полезно для приложений.

Сосуществование ВП и СП происходит специфичным образом: ВП обычно подавляется некоторым внешним (управляющим) параметром, который ухудшает нестинговые свойства поверхности Ферми, что и позволяет реализоваться СП. Управляющими параметрами обычно выступают химический состав (степень легирования) и давление, так происходит в купратных [5—10] или железосодержащих ВТСП [11; 12], ОМ [15—23; 27; 40—43], дихалькогенидах переходных металлов [2—4] и других соединениях. ВП также может подавляться [14] или усиливаться [25; 26] беспорядком. Последнее наблюдается, например, в ОМ (TMTSF)₂ClO₄ [15; 16; 24—26], где беспорядок контролируется скоростью охлаждения во время анионного упорядочения, которое расщепляет электронный спектр, что ухудшает нестинг поверхности Ферми в этом ОМ.

ОМ представляют особый интерес для изучения взаимодействия ВП и СП, поскольку многие их особенности, прежде всего фазовая диаграмма и слоистая кристаллическая структура, схожи с таковыми у купратных и железосодержащих ВТСП, но при этом они проще и удобнее для исследований. Изменяя химический состав, можно управлять электронной дисперсией в ОМ в широких пределах. Возможность выращивать относительно крупные и чистые монокристаллы ОМ позволяет изучать их электронную структуру с помощью методов, использующих сильные магнитные поля [44]. Наконец, ОМ проще для теоретического анализа из-за слабости электронных корреляций [15; 16]. Таким образом, ОМ служат удобной моделью для разделения факторов, влияющих на ВП и СП, что сложно реализовать в купратах и других сильно коррелированных материалах. СП и ВП сосуществуют в таких слабокоррелированных ОМ, как (TMTSF)₂PF₆ [18—21], (TMTSF)₂ClO₄ [25; 26] или α -(BEDT-TTF)₂KHg(SCN)₄ [27].

Микроскопическая структура сосуществования СП и ВП важна для понимания влияния ВП на свойства СП и $T_{\rm cSC}$. Сосуществование ВП и СП в принципе может реализовываться как в импульсном, так и в координатном пространстве. Первый сценарий предполагает пространственно однородную структуру, где поверхность Ферми частично экранирована ВП, а неэкранированные участки ответственны за СП [2; 38]. Это характерно для многих других ВЗП-материалов [2-4]. Второй сценарий предполагает пространственное разделение СП- и ВПфаз на микроскопическом или макроскопическом масштабе, зависящем от соотношения размера СП доменов d и длины когерентности СП ξ_{SC} . Наблюдаемый гистерезис температурной зависимости сопротивления в (TMTSF)₂PF₆ [18] является аргументом в пользу идеи пространственного разделения СП/ВП. Уширение СП перехода с увеличением беспорядка, контролируемого скоростью охлаждения в (TMTSF)₂ClO₄ [26], также указывает на пространственную сегрегацию ВСП/СП, аналогичную гранулярным сверхпроводникам. Микроскопические СП домены размера d, сравнимого либо меньшего, чем длина когерентности CП ξ_{SC} , могут возникать в солитонной структуре ВП, где СП зарождается внутри солитонных стенок [37; 45-48]. Однако угловые осцилляции магнитосопротивления (AMRO) в области сосуществования СП/ВП, наблюдаемые в (TMTSF)₂PF₆ [20] и (TMTSF)₂ClO₄ [24], согласуются только с макроскопическим пространственным разделением фаз с размером СП доменов d > 1 мкм. Верхнее критическое поле H_{c2} в этом сценарии может возрастать в несколько раз по сравнению с H_{c2} без сосуществования с ВП [38; 47] только в том случае, если размер СП доменов меньше или порядка глубины проникновения магнитного поля λ в СП. Вообще говоря, СП неоднородности размером ~ 1 мкм и более могут быть выявлены с помощью сканирующей SQUID-микроскопии (SQUID — сверхпроводяший квантовый интерферометр/магнитометр). Например, в плёнках La_{2-x}Sr_xCuO₄ толщиной 500 нм с $T_{\rm cSC}$ = 18 К диамагнитные домены размером ~ 5 – 200 мкм наблюдались вплоть до температуры 80 К $\gg T_{\rm eSC}$ и были интерпретированы как изолированные СП островки — прекурсоры СП фазового перехода [49]. При понижении температуры эти островки увеличиваются и, наконец, занимают большую часть образца при $T \approx T_{cSC}$ [49]. Аналогичные диамагнитные домены размером ~ 100 мкм также наблюдались в плёнках YBa₂Cu₃O_{6+x} выше T_{cSC} [50].

Анизотропное зарождение СП в (TMTSF)₂PF₆ [19; 20] является интересным феноменом, долгое время не имевшим объяснения ни в одном из вышеперечисленных сценариев: с увеличением давления при $P = P_{c2} \approx 6.7$ кбар СП переход (экспериментальное наблюдение нулевого сопротивления) сначала наблюдается только вдоль наименее проводящего межслоевого направления z, затем при $P = P_{c1} \approx 7.8$ кбар — вдоль *z*- и *y*-направлений, и лишь при $P = P_{c0} \approx 8.6$ кбар по всем направлениям, включая наиболее проводящее х-направление. Это противоречит слабой внутренней межслоевой джозефсоновской связи, типичной для ВТСП [51] — в соответствии с представлениями об этой связи СП между слоями должна быть менее выражена, чем внутри слоев. Другие ОМ демонстрируют аналогичное анизотропное зарождение СП в области сосуществования с ВП [25]. Наблюдаемая "анизотропия температуры перехода" Т_{сSC} [19; 20; 25] противоречит общему правилу изотропности порога перколяции в макроскопических гетерогенных средах [52], если только СП включения не являются тонкими нитями [19], соединяющими противоположные края образца. Однако такой нитевидный сценарий не имеет микроскопического обоснования ни для (TMTSF)₂PF₆, ни для (TMTSF)₂ClO₄. Этот парадокс был разрешён недавно [A4; A5] путём изучения перколяции в образцах конечного размера вытянутой формы, соответствующих экспериментам с (TMTSF)₂PF₆ [19; 20] и (TMTSF)₂ClO₄ [25; 26] в рамках модели пространственного разделения СП/ВП. Микроскопическая причина такой фазовой сегрегации в ОМ исследуется в этой диссертации.

Феномен анизотропного зарождения наблюдается не только в ОМ, но, например, в микромостиках из селенида железа (FeSe) [A3; 53; 54], где нет ВП. Когда СП переход происходит неоднородно, СП изначально возникает в форме изолированных доменов, которые затем приобретают фазовую когерентность, приводящую к нулевому сопротивлению. Происхождение такой неоднородности СП в большинстве случаев остаётся предметом дискуссий. Возможными причинами могут являются нестехиометрия химического состава, неравномерный рост кристаллов и взаимодействие различных типов электронного упорядочения, приводящее к фазовому разделению. В железосодержащих ВТСП пространственная неоднородность энергетической щели СП обычно наблюдается на меньшем, чем в ОМ, масштабе ~ 10 нм с помощью сканирующей туннельной микроскопии (СТМ) и сканирующей туннельной спектроскопии (СТС) [55-57]. Эта неоднородность, вероятно, обусловлена нестехиометрией и локальными вариациями химического состава. Однако во многих железосодержащих СП, включая FeSe [58; 59] и железные пниктиды AFe₂As₂ (A =Ca, Sr, Ba) семейства 122 [60; 61], также существуют более крупные вытянутые домены [58; 60; 61] шириной ≥ 30 нм и длиной ~ 1 мкм. Они связаны с т.н. "нематическим" фазовым переходом из тетрагональной в орторомбическую кристаллическую симметрию, управляемым электронным упорядочением [62-64]. В железных пниктидах AFe₂As₂ этот переход сопровождается антиферромагнитным упорядочением и происходит при $T_{\rm SM} = 173$ К для A=Ca, $T_{\rm SM} = 205$ К для A=Sr и $T_{\rm SM} = 137$ К для A=Ba [60]. В FeSe нематический переход происходит при $T_{\rm n} \approx 90$ К и не связан с каким-либо наблюдаемым магнитным упорядочением [62; 63]. Хотя его природа до сих пор неизвестна, измерения эласторезистивности указывают, что этот переход является электронной неустойчивостью [64].

Механизм пространственной неоднородности, вызванной нематическим упорядочением, его микроскопическая структура и влияние на свойства СП в настоящее время интенсивно изучаются. Двойниковые границы (ДГ) толщиной около 2 нм разделяют нематические домены ортогональной ориентации как в железных пниктидах семества 122 [65], так и в FeSe [58]. В FeSe СП подавляется на ДГ [58], а магнитные вихри закрепляются на ДГ, что видно на СТМ [58]. Деформационно-индуцированное раздвойникование увеличивает температуру СП перехода T_c почти на 1 К [64]. Полосы ортогонального электронного упорядочения в FeSe также обнаружены методом нано-ARPES (фотоэлектронная спектроскопия с угловым разрешением и микронным размером пятна) [59], однако его энергетическое разрешение было недостаточным для изучения СП свойств. Точечная спектроскопия выявила значительное локальное увеличение $T_{\rm c}$ в FeSe [66], что может указывать на зарождение СП в форме дискретных доменов. Однако типичный размер и форма этих доменов не были определены в работе [66] из-за слишком большой площади точечного контакта. Вольт-амперные характеристики, представленные на рис. 1 работы [66], демонстрируют локальное увеличение T_c до 12-14 К по сравнению с объёмным значением $T_c \approx 8$ К, а также сильные СП флуктуации вплоть до 22 К.

Упомянутые экспериментальные методы (СТМ, СТС, ARPES, сканирующая SQUID-микроскопия) позволяют напрямую визуализировать СП неоднородность, но имеют общий недостаток — они исследуют только поверхность образца. Но СП свойства и доменная структура могут существенно различаться на поверхности и в объёме. Более того, эти методы не дают информации о размере доменов вдоль наименее проводящего межслоевого направления z, а она важна для понимания электронной структуры и СП свойств. Методы, основанные на комбинации транспортных измерений и диамагнитного отклика в объёмных и конечных образцах, были предложены недавно [A4; A5; 53; 54; 67; 68]. В FeSe сценарий неоднородного зарождения СП в форме изолированных островков подтверждается анизотропной избыточной проводимостью выше T_{cSC}, измеренной в работах [53; 54]. Эта анизотропия в сочетании с данными по диамагнитному отклику позволяет оценить объёмную долю СП и усреднённое отношение осей СП доменов. Однако для анализа данных по диамагнитному отклику необходимо знать приблизительный размер d CП доменов, по крайней мере если он меньше глубины проникновения магнитного поля λ в сверхпроводник.

Целью данной диссертационной работы является исследование неоднородной зарождающейся сверхпроводимости в органических металлах и в селениде железа. Учитывая вышеупомянутые пробелы в области, для достижения поставленной цели необходимо было решить следующие задачи:

- Объяснить микроскопическую причину наблюдаемой пространственной сегрегации фаз волны плотности и сверхпроводимости в огранических металлах.
- 2. Оценить геометрические размеры сверхпроводящих включений на фоне волны плотности в органических металлах.
- 3. Оценить геометрические размеры и форму сверхпроводящих включений в селениде железа.

Научная новизна: все результаты, представленные в данной работе, получены впервые. Главным новым фундаментальным результатом является теоретическое обоснование наличия пространственной сегрегации между волной спиновой/зарядовой плотности и сверхпроводимостью при их сосуществовании в органических металлах — фазовый переход между ними при низкой температуре меняет свой род со второго на первый, что было показано теоретически.

Практическая значимость. Изучение сосуществования сверхпроводимости с волнами плотности может быть полезно для понимания механизма ВТСП, потому что зачастую критическая температура в этой области повышается, как и верхнее критическое поле H_{c2} . Полное понимание механизма этого повышения, возможно, указало бы путь к синтезу новых ВТСП материалов с более практичными критическими характеристиками. Кроме этого, был предложен практический метод получения информации о сверхпроводящих неоднородностях вглуби образца анизотропного сверхпроводника, которую нельзя получить с помощью экспериментальных поверхностных методов, таких, как СТМ. Этот метод, основанный на комбинации данных по диамагнитному отклику, падению сопротивления и перколяционных расчётов, потенциально применим к достаточно широкому классу материалов, не ограниченному лишь органическими металлами и железосодержащими сверхпроводниками.

Основные положения, выносимые на защиту:

- Показано, что фазовый переход волна плотности металл в квазиодномерных металлах при достаточно низких температурах является переходом первого рода. Это объясняет пространственное разделение волны плотности и сверхпроводника на масштабах > 1 мкм.
- Показано, что оценка размера сверхпроводящих неоднородностей d > 1 мкм в (TMTSF)₂PF₆ согласуется с транспортными измерениями и другими экспериментальными наблюдениями.
- 3. Предложен новый метод определения средних отношений размеров сверхпроводящих неоднородностей из комбинации измерений диамагнитного отклика, измерений сопротивления выше температуры сверхпроводящего перехода, и численных расчётов вероятности сверхпроводящей перколяции в образце конечных размеров.
- 4. Уточнена оценка среднего отношения полуосей $a_z/a_x \approx 0.15$ и размера $d_x \approx 100 200$ нм сверхпроводящих неоднородностей в селениде же-

леза. Эта оценка согласуется с имеющимися экспериментальными данными.

 Получены аналитические формулы для проводимости в гетерогенных анизотропных структурах с удлинёнными сверхпроводящими включениями, расположенными перпендикулярно друг другу.

Достоверность полученных результатов обеспечивается применением современных теоретических и численных методов, успешной апробацией работы на международных конференциях, а также публикацией основных результатов в рецензируемых международных журналах. Показано, что фазовый переход металл — волна плотности в органических металлах при достаточной низкой температуре является переходом первого рода по сразу нескольким возможным причинам, влияющим на знаки коэффициентов в разложении Ландау-Гинзбурга. Оценка размеров сверхпроводящих неоднородностей в $(TMTSF)_2PF_6$ была выполнена двумя не зависящими друг от друга методами — через корреляционную длину волны плотности из разложения Ландау-Гинзбурга и через численные перколяционные расчёты, и оба этих метода дали схожие ограничения на размер неоднородностей, оставаясь в согласии с экспериментом. Оценка среднего отношения полуосей сверхпроводящих неоднородностей в селениде железа согласуется со всеми имеющимися экспериментальными данными как для объёмных образцов, так и для тонких микромостов.

Апробация работы. Основные результаты работы докладывались на:

- 1. III Международная Конференция "Физика конденсированных состояний", посвящённая 60-летию ИФТТ РАН, 29.05.2023 – 03.06.2023, г. Черноголовка, Россия [А6].
- 2. VII International Conference on Quantum Technologies, 09.07.2023 12.07.2023, Moscow, Russia [A7].
- XXII Всероссийская конференция "Проблемы физики твердого тела и высоких давлений", 24.09.2023 – 03.10.2023, пос. Вишнёвка, Сочи, Россия [А8; А9].
- Международная конференция "Фазовые переходы, критические и нелинейные явления в конденсированных средах", 10.09.2023 15.09.2023, г. Махачкала, Дагестан, Россия [A10].
- 5. XL Международная зимняя школа физиков-теоретиков "Коуровка", 02.02.2024 09.02.2024, пос. Новоабзаково, Россия [A11].

Личный вклад. Все новые теоретические и численные результаты, приведённые в данной диссертационной работе, получены лично автором, либо при его непосредственном участии. Эксперимент по измерению сопротивления микромостов из селенида железа был поставлен и проведён соавторами работы [A3] А.П. Орловым, А.В. Фроловым и А.А. Синченко.

Публикации. Основные результаты по теме диссертации изложены в 9 печатных изданиях, 3 из которых изданы в журналах, индексируемых Web of Science и Scopus [A1-A3], 6 — в тезисах докладов [A6-A11].

Содержание работы

Введение начинается с обзора литературы, в котором обосновывается актуальность исследований, проводимых в рамках данной диссертационной работы, затем формулируется цель, ставятся задачи работы, излагаются научная новизна и практическая значимость представляемой работы, после чего формулируются основные положения, выносимые на защиту.

Первая глава представляет из себя описание модели органических металлов ($\overline{\text{TMTSF}}_2\text{PF}_6$ и (TMTSF)₂ClO₄. Для них закон дисперсии свободных электронов вблизи уровня Ферми $E_F = \hbar v_F k_F$ в отсутствии магнитного поля приблизительно даётся выражением

$$\epsilon(\mathbf{k}) = \hbar v_{\rm F}(|k_{\rm x}| - k_{\rm F}) + t_{\perp}(\mathbf{k}_{\perp}), \qquad (1)$$

где v_F и k_F есть скорость Ферми и модуль волнового вектора (импульс) Ферми в основном проводящем направлении x (вдоль молекулярных цепочек).

Для поперечной дисперсии $t_{\perp}(\mathbf{k}_{\perp})$ в (TMTSF)₂PF₆ используется приближение сильной связи:

$$t_{\perp}(\mathbf{k}_{\perp}) = -2t_b \cos(k_y b) - 2t'_b \cos(2k_y b) - 2t_c \cos(k_z c),$$
(2)

где b, t_b и c, t_c есть постоянные решётки и интегралы перескока в y- и zнаправлениях соответственно, а t'_b — т.н. параметр антинестинга, характеризующий нарушение условия идеального нестинга $\epsilon_{k+Q_0} = -\epsilon_k$, где $Q_0 = (2k_F, \pi/b, \pi/c)$ есть вектор нестинга. Это условие приводит к неустойчивости Пайерлса и фазовому переходу в ВЗП или ВСП, конкурирующими с СП. Эта модель качественно описывает фазовую диаграмму, показанную на рис. 1a.

С увеличением давления P параметры решётки уменьшаются, что усиливает туннелирование электронов между цепочками и увеличивает интегралы перескока. Увеличение $t'_{h}(P)$ с давлением ухудшает нестинг поверхности Ферми и



Рисунок 1 — Фазовые диаграммы органических металлов.

снижает температуру перехода в состояние ВП $T_{cDW}(P)$ [15; 16]. Существует критическое давление P_c и соответствующее критическое значение $t'_b = t'_b(P_c)$, при котором $T_{cDW}(P_c) = 0$, и возникает квантовая критическая точка. Электронные свойства в этой точке дополнительно усложняются сверхпроводимостью, возникающей при $T < T_{cSC}$ и $P > P_c$. В ОМ СП появляется даже раньше при давлении $P > P_{c1}$, где $P_{c1} < P_c$, и существует конечная область $P_{c1} < P < P_c$ сосуществования СП и ВП [19; 20; 27].

В (TMTSF)₂ClO₄ происходит упорядочение диполей - анионов ClO₄ ниже температуры перехода $T_{AO} = 24 \text{ K} > T_{cDW}$ с волновым вектором $Q_{AO} = (0, \pi/b, 0)$ [15; 16]. Электронный спектр при этом может быть приближённо описан уравнением (1) с двумя ветвями, разделёнными на $2\Delta_{AO}$:

$$t_{\perp}(\boldsymbol{k}_{\perp}) \simeq \pm \left[\Delta_{\rm AO} - 2t'_b \cos(2k_y b)\right]. \tag{3}$$

Упорядочение анионов может контролироваться скоростью охлаждения вблизи $T_{AO} = 24$ К. Фазовая диаграмма в (TMTSF)₂ClO₄ качественно аналогична диаграмме в (TMTSF)₂PF₆, как показано на рис. 16. Спектр (3) также описывает ВЗП в зеемановском магнитном поле, если заменить $\Delta_{AO} \rightarrow \Delta_Z$.

Во **второй главе** проведён вывод гамильтониана ВП в приближении среднего поля:

$$H_{\rm MF} = \sum_{k\sigma} \epsilon(k) a_{k\sigma}^{\dagger} a_{k\sigma} + \sum_{k\sigma} \left(\Delta a_{k\sigma}^{\dagger} a_{k-Q,\sigma'} + \text{H. c.} \right) + \frac{2|\Delta|^2}{|U|}, \tag{4}$$

где параметр порядка ВП

$$\Delta_Q = -\frac{|U|}{2} \sum_{k\sigma} \langle a^{\dagger}_{k-Q\sigma} a_{k\sigma'} \rangle = \Delta, \quad \Delta_{-Q} = \Delta^*.$$
⁽⁵⁾

Здесь $\sigma' = \sigma$ и U = -|U| < 0 для ВЗП (т.е. операторы соответствуют электронам с одинаковой спиновой компонентой), и $\sigma' = -\sigma$ и U = |U| > 0 для ВСП (спиновые компоненты различны). Этот гамильтониан диагонализируется при помощи преобразования Боголюбова, после чего вычисляется свободная энергия ВП¹:

$$F = -T\sum_{\boldsymbol{k}} \ln\left(4\cosh\frac{E_{+}(\boldsymbol{k})}{2T}\cosh\frac{E_{-}(\boldsymbol{k})}{2T}\right) + \frac{2\Delta^{2}}{U}.$$
(6)

Здесь введены обозначения

$$E_{\pm}(\mathbf{k}) = \epsilon_{+}(\mathbf{k}) \pm \sqrt{\epsilon_{-}^{2}(\mathbf{k}) + \Delta^{2}},$$
(7)

$$\epsilon_{\pm}(\boldsymbol{k}) \equiv \frac{\epsilon(\boldsymbol{k}) \pm \epsilon(\boldsymbol{k} + \boldsymbol{Q})}{2}.$$
(8)

¹Формально это большой термодинамический потенциал Ландау Ω .

Далее найдены первые коэффициенты разложения Ландау-Гинзбурга свободной энергии

$$F \simeq \frac{A}{2}\Delta^2 + \frac{B}{4}\Delta^4 + \dots \tag{9}$$

по степеням параметра порядка Д:

$$A = -2T \sum_{\boldsymbol{k}\omega} \frac{1}{[\omega + i\varepsilon_{+}(\boldsymbol{k})]^{2} + \varepsilon_{-}^{2}(\boldsymbol{k})} + \frac{4}{U},$$
(10)

$$B = 2T \sum_{\boldsymbol{k}\omega} \frac{1}{\left\{ [\omega + i\varepsilon_{+}(\boldsymbol{k})]^{2} + \varepsilon_{-}^{2}(\boldsymbol{k}) \right\}^{2}}.$$
 (11)

Анализ рода фазового перехода сводится к определению знаков коэффициентов этого разложения. Если B > 0, фазовый переход ВП-металл является переходом второго рода, и для его описания достаточно первых двух коэффициентов A и B. Если B < 0, фазовый переход может быть первого рода, и для его описания требуются следующие коэффициенты C и даже D, если $C \le 0$. Обычно для упрощения пределы интегрирования по k_x берутся бесконечными, а получающаяся после этой операции логарифмическая расходимость коэффициента A регуляризуется через введение температуры перехода T_{c0} . В этом случае для дисперсии (1) и (2) все коэффициенты A, B, C, D обращаются в ноль в одной точке при T = 0 и $t'_b = t'_b^*$, что не позволяет определить тип фазового перехода, поэтому в дальнейшем были рассмотрены как бесконечные, так и конечные пределы интегрирования, а также был рассмотрен нелинейный спектр $\propto \cos(k_x a)$ в направлении k_x . Для дисперсии (1) и (3) смена знака B получится даже в стандартном приближении бесконечных пределов интегрирования.

В **третьей главе** вычислены первые коэффициенты разложения Ландау-Гинзбурга свободной энергии ВП для спектра (1), что позволило теоретически обосновать, что при достаточно низкой температуре фазовый переход (ФП) ВПметалл в ОМ может является переходом первого рода.

Коэффициенты разложения F, полученные в результате интегрирования по k_x в бесконечных пределах и введения критической температуры T_{c0} , при которой происходит ФП в ВП при $t'_b = 0$ имеют вид

$$A_{\infty} = -2\nu_{\rm F} \left[\ln \frac{T_{\rm c0}}{T} + \psi\left(\frac{1}{2}\right) - \left\langle \Re\psi\left(\frac{1}{2} + \frac{i\epsilon_{+}(\boldsymbol{k})}{2\pi T}\right) \right\rangle_{k_{y}} \right],\tag{12}$$

$$B_{\infty} = \frac{T}{\hbar v_{\rm F}} \sum_{\omega} \left\langle \frac{\operatorname{sgn}\omega}{(\omega + i\epsilon_{+}(\boldsymbol{k}))^{3}} \right\rangle_{k_{y}} = -\frac{1}{8\pi^{3}T^{2}\hbar v_{\rm F}} \left\langle \Re\psi^{\prime\prime}\left(\frac{1}{2} + \frac{i\epsilon_{+}(\boldsymbol{k})}{2\pi T}\right) \right\rangle_{k_{y}}.$$
 (13)

где $\psi(x) = d \ln \Gamma(x)/dx$ — дигамма-функция, а $\nu_F = 1/(\pi \hbar v_F)$ есть плотность электронных состояний металлической фазы на уровне Ферми на одну спиновую компоненту на единицу длины.



Рисунок 2 — Схематичные графики коэффициентов разложения B_K (сплошная синяя линия) и B_∞ (пунктирная зелёная линия) как функций t'_b при $T \approx 0.35 T_{c0}$. Горизонтальная шкала в единицах t'_b^* . Вставка показывает аналогичный график для следующего коэффициента разложения C при Δ^6 .

В результате интегрирования по k_x в конечных пределах получены коэффициенты

$$A_{K} = -\frac{2T}{\hbar v_{F}} \sum_{\omega} \left\langle \frac{f(0) \operatorname{sgn} \omega}{\omega + i\epsilon_{+}(\mathbf{k})} \right\rangle_{k_{y}} + \frac{4}{U}, \tag{14}$$

$$B_{K} = \frac{T}{\hbar v_{F}} \sum_{\omega} \left\langle \frac{f(0) \operatorname{sgn} \omega}{[\omega + i\varepsilon_{+}(\boldsymbol{k})]^{3}} - \frac{f''(0) \operatorname{sgn} \omega}{\omega + i\varepsilon_{+}(\boldsymbol{k})} \right\rangle_{k_{y}},$$
(15)

где введён множитель

$$f(\Delta) = \frac{1}{\pi} \left[\arctan \frac{\hbar v_{\rm F}(K-k_{\rm F}) - 2t_b \cos(2k_y b)}{\sqrt{[\omega + i\epsilon_+(\boldsymbol{k})]^2 + \Delta^2}} - \arctan \frac{-\hbar v_{\rm F} k_{\rm F} - 2t_b \cos(2k_y)}{\sqrt{[\omega + i\epsilon_+(\boldsymbol{k})]^2 + \Delta^2}} \right]. \tag{16}$$

Численная оценка (см. рис. 2) подтверждает, что B_K при конечных K и достаточно низких T действительно может менять знак при $t'_b < t'^*_b$. Таким образом, конечные пределы интегрирования меняют род ФП ВП-металл со второго на первый. Также численно проверено, что добавление следующей гармоники $\propto \cos(4k_yb)$ к поперечной дисперсии $t_{\perp}(\mathbf{k}_{\perp})$ либо рассмотрение более реалистичного нелинейного спектра $\epsilon(\mathbf{k}) = -2t_a \cos(k_x a) + t_{\perp}(\mathbf{k}_{\perp})$ вместо линеаризованного уменьшают коэффициент B разложения Ландау для свободной энергии и также делают возможным первый род фазового перехода ВП-металл.

Для (TMTSF)₂ClO₄ (и (TMTSF)₂PF₆ в пределе $\Delta_{AO} = 0$) построены фазовые диаграммы (см. рис. 3), используя выражения (1), (3) и (12), (13), при этом

$$\epsilon_{+}(\boldsymbol{k}) = -2t'_{b}\cos(2k_{y}b) + \Delta_{AO}.$$
(17)

Оба слагаемых в этой сумме нарушают нестинг, поэтому $\epsilon_+(k)$ можно назвать антинестинговым членом. Как t'_b , так и Δ_{AO} подавляют T_c , что ожидаемо. Однако увеличение t'_b увеличивает критическое значение Δ^*_{AO} фазового перехода



Рисунок 3 — Линии ФП ВП-металл как функции (а) щели анионного упорядочения Δ_{AO} для значений t'_b от 0 [сплошная синяя]до 0.99 [длинно-пунктирная оранжевая]; (б) t'_b для значений щели упорядочения анионов Δ_{AO} от 0 [сплошная синяя) до 1.3 T_{c0} [тонкая сплошная чёрная]. T_c (Δ_{AO}) определяется из условия $A_{\infty} = 0$. Кресты указывают точки смены рода ФП ВП-металл со второго на первый.

ВП-металл, что также было показано аналитически. Также из рис. З видно, что при любом $t'_b < t'^*_b$ существует критическое значение Δ°_{AO} для $\Delta^*_{AO}(t'_b)$, такое что при $\Delta_{AO} > \Delta^{\circ}_{AO}$ существует конечный интервал температур $0 < T_c < T^{\circ}_c$, где $B_{\infty} < 0$, т.е. ФП ВП-металл является переходом первого рода.

В главе показано, что ФП ВП-металл, управляемый внешним параметром, ухудшающим нестинг поверхности Ферми, обычно первого рода при достаточно низкой температуре *T*. Если такой параметр расщепляет энергетический спектр и разделяет поверхность Ферми на листы, как в случае анионного упорядочения в (TMTSF)₂ClO₄ или в случае наличия внешнего к ВЗП зеемановского магнитного поля, температурный интервал ФП первого рода довольно широк, ~ $T_{c0}/2$. Это объясняет пространственную сегрегацию фаз и сосуществование ВСП-металл или ВСП-СП, что наблюдается в (TMTSF)₂ClO₄. Когда таким управляющим параметром является давление, а антинестинговый член в электронной дисперсии описывается амплитудой t'_b второй гармоники в уравнении (2), этот интервал меньше, и появляется он только при выходе за пределы простейшей модели, учитывающей конечную ширину зоны и энергию Ферми и/или при использовании более реалистичной электронной дисперсии.

Пространственная сегрегация фаз ВП-металл первого рода, происходящая на масштабах длины $\gtrsim 1$ мкм, объясняет АМRO в соединениях (TMTSF)₂PF₆ [20] и (TMTSF)₂ClO₄ [24], а также индуцированные полем ВСП (FISDW) [15; 44], для чего требуется размер металлических островков вдоль оси *x* не меньший, чем квазиодномерная магнитная длина $l_B = \hbar/(eBb) \sim 1$ мкм. Большинство существующих микроскопических теорий сегрегации фаз СП-ВП, включая модели с солитонными стенками [19; 37], не могут объяснить столь крупные металлические/СП домены, и таким образом противоречат экспериментальным данным по AMRO и FISDW. Предложенный механизм согласуется с многократным увеличением верхнего критического поля H_{c2} в области сосуществования [17; 27], поскольку размер СП доменов ~ 1 мкм сравним с магнитной глубиной проникновения λ , которая увеличивает H_{c2} [51]. В ОМ температура ФП ВП-металл T_{cDW} обычно значительно выше температуры перехода в сверхпроводящее состояние T_{cSC} . Это различие возникает потому, что для образования ВП обычно нужно сильное кулоновское *e-e* отталкивание, тогда как для образования куперовских пар необходимо притяжение *e-e* через фононы или другие квазичастицы, которое обычно конкурирует с сильным кулоновским отталкиванием. Энергетический масштаб СП значительно меньше, чем у ВП, и в этом смысле разница между фазовыми переходами ВП-СП и ВП-металл невелика.

В **четвёртой главе** характерный размер СП островков при ФП ВП-СП в ОМ был оценен двумя независимыми способами: из разложения Ландау-Гинзбурга и через численные расчёты вероятности перколяции в образце конечных размеров, взятых равными размерам образцов из эксперимента по измерению сопротивления.

Пространственная модуляция параметра порядка Δ с волновым вектором q соответствует отклонению волнового вектора ВП Q от равновесного значения Q_0 на $\pm q$, поэтому было проведено разложение коэффициента $A(T,Q) = A_{\infty}$ по степеням малого отклонения $q = Q - Q_0$, т.е. $A(q) \simeq A_0 + A_x q_x^2 + A_y q_y^2$. Отношения этих коэффициентов разложения связаны с длинами когерентности ξ_x и ξ_y через $\xi_i^2 = A_i/A_0$. На рис. 4 показаны ξ_x и ξ_y как функции температуры T для двух различных значений t'_b : $t'_b \approx 0.42 t'^*_b$, соответствующее (TMTSF)₂PF₆ при атмосферном давлении [69], и $t'_b = 0.95 t'^*_b$, то есть близко к квантовой критической точке при $t'_b = t'^*_b$.



Рисунок 4 — Температурная зависимость длин когерентности ВП $\xi(T)$ вдоль двух главных осей для (TMTSF)₂PF₆.

При $\pi T \gg t'_b$ получены аналитические формулы:

$$\xi_{x} = \frac{\hbar v_{\rm F}}{2\sqrt{2}} \sqrt{1 / \left(4\pi^{2}T^{2}\ln(T_{\rm c0}/T)/\psi^{(2)}(1/2) + {t'_{b}}^{2}\right)};$$

$$\xi_{y} = \frac{b}{2} \sqrt{\frac{t_{b}^{2} - 4{t'_{b}}^{2}}{4\pi^{2}T^{2}\ln(T_{\rm c0}/T)/\psi^{(2)}(1/2) + {t'_{b}}^{2}}}.$$
(18)

Черные точечные кривые на рис. 4 получены из (18). В этом пределе $\pi T \gg t'_b$ отношение длин когерентности вдоль осей у и x не зависит от температуры:

$$\frac{\xi_y}{\xi_x} = \frac{b}{\hbar v_{\rm F}} \sqrt{2\left(t_b^2 - 4t_b'^2\right)} \approx 0.5.$$
(19)

Т.к. спинодальная линия $T_c(t'_b)$ расходимости длин когерентности соответствует неустойчивости одной фазы, а ФП первого рода начинается при несколько некоторой температуре T_{c1} , для оценок размера зародыша d_i взят конечный интервал $\Delta T = T_{c1} - T_c$. Для (TMTSF)₂PF₆ при атмосферном давлении при $T/T_c - 1 \approx 0.01$ получается $\xi_x \approx 0.16$ мкм и $\xi_y \approx 0.08$ мкм. Минимальные размеры зародыша фазы при ФП первого рода определяются длинами когерентности $d_i > 2\xi_i$, в частности при $\Delta T = T_{c1} - T_c \approx 0.01$ T_c размер СП домена $d > 2\xi > 0.3$ мкм.

На рис. 5 показана расчитанная численно зависимость порога перколяции $\phi_c \, C\Pi \, \phi_{a3b}$ от геометрических размеров сверхпроводящих островков в образце $(TMTSF)_2 PF_6$ с типичными экспериментальными размерами $3 \times 0.2 \times 0.1 \, \text{мm}^3$ [18; 19]. Под порогом перколяции понимается объемная доля СП фазы ϕ , при которой вероятность перколяции случайно выбранной геометрической конфигурации островков равна 1/2. Для простоты геометрия островков принималась сферической. Порог перколяции через СП домены значительно анизотропен, превышая случайные флуктуации, соответствующие конкретной реализации образца, только если размер домена превышает 2 мкм.



Рисунок 5 — Зависимость порога перколяции ϕ_c вдоль различных осей от размера сферического островка d в (TMTSF)₂PF₆.

В **пятой главе** было обобщено приближение Максвелла-Гарнетта (MGA) для вытянутых СП островков с двумя перпендикулярными ориентациями в анизотропных средах, что соответствует типичной нематической доменной структуре в различных железосодержащих сверхпроводниках, включая FeSe. Использовалась модель [53; 54; 67] двух каналов межслоевого тока — прямого и непрямого. В сильно анизотропных проводниках с межслоевой проводимостью $\sigma_{zz} \ll \sigma_{yy} \lesssim \sigma_{xx}$ прямой ток, перпендикулярный проводящим слоям, мал, что выражается параметром $\eta = \sigma_{zz}/\sigma_{xx} \ll 1$. Второй канал для межслоевого тока проходит через СП островки, пересекающие слои. От острова к острову ток течёт зачастую по длинному пути внутри высокопроводящего слоя, а сами островки выполняют роль сверхпроводящих мостиков между слоями. Обобщение приближения MGA на вытянутые СП домены привело к аналитическим выражениям для относительной избыточной проводимости:

$$\frac{\Delta\sigma_x}{\sigma_x} = \frac{\Delta\sigma_y}{\sigma_y} \approx \frac{\phi}{(1-\phi)} \frac{(1+\beta)^2}{2\beta},$$
(20)

$$\frac{\Delta\sigma_z}{\sigma_z} = \frac{\phi}{1-\phi} \frac{\gamma^2}{\eta\beta} \left(\ln \frac{4}{e} \frac{\gamma/\sqrt{\eta}}{1+\beta} \right)^{-1}.$$
(21)

Из уравнений (20) и (21) видно, что относительная избыточная проводимость анизотропна:

$$\frac{\Delta\sigma_z/\sigma_z}{\Delta\sigma_x/\sigma_x} \approx \frac{2\gamma^2}{\eta \left(1+\beta\right)^2} \left(\ln\frac{4}{e}\frac{\gamma/\sqrt{\eta}}{1+\beta}\right)^{-1},\tag{22}$$

что может быть использовано для определения соотношения осей $\gamma = a_z/a_x$ СП доменов из транспортных измерений, если известно другое соотношение осей $\beta = a_y/a_x$.

В главе также представлены результаты измерений электронного транспорта в микромостиках FeSe (селенида железа) конечного размера, см. рис. 6. Был численно рассчитан порог СП перколяции для образца конечного размера и формы, соответствующих эксперименту, и результаты были сопоставлены с экспериментальными данными по сопротивлению, с целью оценить размер СП островков в FeSe, см. рис. 7 и уточнить отношение полуосей СП доменов $\gamma = d_z/d_x$. После этого был проведён новый анализ имеющихся в литературе экспериментальных данных по диамагнитному отклику FeSe, дополненный дополнительными перколяционными расчётами (графики приведены в полном тексте диссертации), и в результате получена уточнённая оценка отношения полуосей сверхпроводящих доменов $\gamma = d_z/d_x \approx 0.15$ в FeSe, согласованная также с экспериментальными данными по анизотропной избыточной проводимости выше T_c в объёмных образцах FeSe [53; 54] и с экспериментальными данными по сопротивлению вблизи СП перехода в тонких микромостиках FeSe (рис. 6).

Был предложен новый точный метод определения усреднённых отношений размеров $d_x : d_y : d_z \ C\Pi$ доменов в объёме образца, которые нельзя получить



Рисунок 6 — Экспериментальная температурная зависимость нормированного сопротивления $R_{zz}(T)/R_{zz}(T = 15 \text{ K})$ в нескольких образцах FeSe различной толщины, но одинакового размера 2 × 2 мкм² в плоскости.



Рисунок 7 — Рассчитанная вероятность p перколяции тока вдоль внутриплоскостной оси x (сплошные и пунктирные кривые) и межслоевой оси z (точечные и штрих-пунктирные кривые) через СП домены сфероидной формы с соотношением осей $a_z/a_x = 0.62$ как функция объемной доли СП фазы ϕ .

с помощью, например, СТМ или других методов, в которых информация берётся из поверхности образца. Метод основан на наличии анизотропии перколяции тока и T_c в тонких образцах, которая крайне чувствительна к соотношению полуосей $\gamma = a_z/a_x$ СП доменов, что позволяет проводить их точные оценки: если создать образцы малого размера, лишь в несколько раз большие, чем ожидаемый размер доменов, будет наблюдаться анизотропия температуры перехода T_c , как на рис. 6. Однако если отношения размеров образца $L_x : L_y : L_z$ совпадают со средними отношениями осей СП доменов $d_x : d_y : d_z$, эта анизотропия T_c исчезает даже при малых размерах образца.

В заключении приведены основные результаты работы, которые заключаются в следующем:

- 1. Путём прямого расчёта коэффициентов разложения Ландау-Гинзбурга свободной энергии ВП для квазиодномерных металлов мы показали, что фазовый переход волна плотности — металл при низких температурах $T \ll T_{c0}$ обычно является переходом первого рода. Это даёт микроскопическое обоснование пространственной сегрегации фаз ВП/сверхпроводимость в масштабе $\gtrsim 1$ мкм, что подтверждается угловыми осцилляциями магнитосопротивления или индуцированной полем волной спиновой плотности, наблюдаемыми в (TMTSF)₂PF₆ [20] и (TMTSF)₂ClO₄ [24]. Мы показали, что первый род фазового перехода можно получить разными способами: интегрирование по волновым векторам в конечных пределах вместо часто используемого приближения бесконечных пределов либо же использование более реалистичного закона дисперсии вместо простейшего (добавка дополнительной гармоники и/или отход от линейного приближения) приводят к первому роду перехода. Мы построили фазовые диаграммы органических сверхпроводников $(TMTSF)_2 PF_6$ и $(TMTSF)_2 ClO_4$ в координатах антинестинговый параметр — температура и анионное упорядочение — температура.
- 2. Мы показали, что сценарий, в котором фазовый переход первого рода приводит к пространственному разделению фаз волны плотности и сверхпроводимости в органических сверхпроводниках, согласуется с имеющимися экспериментальными данными. Мы оценили размер сверхпроводящих доменов d в (TMTSF)₂PF₆ двумя различными методами, и наша оценка d > 1 мкм согласуется с различными транспортными измерениями, включая анизотропное возникновение нулевого сопротивления в тонких образцах [19; 20; 25], а также с угловыми осцилляциями магнитосопротивления и индуцированными магнитным полем спиновыми волнами плотности [20; 24].
- 3. Мы предложили новый метод определения усреднённых отношений размеров d_x : d_y : d_z сверхпроводящих доменов в объёме образца из комбинации данных по диамагнитному отклику, данных по анизотропии падения сопротивления выше температуры сверхпроводящего перехода и перколяционных расчётов для образца конечных размеров. Метод применим ко многим материалам, включая купратные и железосодержащие высокотемпературные сверхпроводники, органические металлы и другие соединения.
- 4. Мы уточнили оценки усреднённого отношения полуосей $a_z/a_x \approx 0.15$ и размера $d_x \approx 100 - 200$ нм сверхпроводящих доменов в FeSe при помощи предложенного нами метода, заново проанализировав имеющиеся в литературе экспериментальные данные по диамагнитному отклику и сопротивлению. Наши оценки согласуется как с комбинированными транспортными и диамагнитными экспериментами в объёмных образцах FeSe [53], а также с нашими измерениями $R_{zz}(T)$ в тонких образцах FeSe и соответствующими перколяционными расчётами.

5. Мы обобщили аналитические формулы для проводимости в гетерогенных анизотропных сверхпроводниках для случая удлинённых сверхпроводящих доменов с двумя перпендикулярными ориентациями и равными объёмными долями, что соответствует нематической доменной структуре в различных железосодержащих сверхпроводниках.

В приложение A вынесены вывод и обоснование спектра (3). В приложении Б проведена регуляризация расходимости коэффициента A_{∞} через введение критической температуры ФП. В приложении В показана связь длины когерентности ξ с коэффициентом A разложения Ландау-Гинзбурга. В приложении Г описаны детали эксперимента по измерению сопротивления в микромостиках FeSe.

Публикации автора по теме диссертации

- A1. Seidov, S. S. First-order phase transition between superconducting and charge/spin density wave states causes their coexistence in organic metals / S. S. Seidov, V. D. Kochev, P. D. Grigoriev // Phys. Rev. B. – 2023. – Sept. – Vol. 108, issue 12. – P. 125123.
- A2. Kochev, V. D. On the Size of Superconducting Islands on the Density-Wave Background in Organic Metals / V. D. Kochev, S. S. Seidov, P. D. Grigoriev // Magnetochemistry. – 2023. – Vol. 9, no. 7. – P. 173.
- A3. Inhomogeneous Superconductivity Onset in FeSe Studied by Transport Properties / P. D. Grigoriev [et al.] // Materials. 2023. Vol. 16, no. 5. P. 1840.
- A4. Kochev, V. D. Anisotropic zero-resistance onset in organic superconductors / V. D. Kochev, K. K. Kesharpu, P. D. Grigoriev // Phys. Rev. B. 2021. Jan. Vol. 103, issue 1. P. 014519.
- A5. Kesharpu, K. K. Evolution of Shape and Volume Fraction of Superconducting Domains with Temperature and Anion Disorder in (TMTSF)₂ClO₄ / K. K. Kesharpu, V. D. Kochev, P. D. Grigoriev // Crystals. — 2021. — Vol. 11, no. 1. — P. 72.
- Аб. Определение параметров неоднородной сверхпроводимости с помощью транспортных измерений / П. Д. Григорьев [и др.] // Физика конденсированных состояний: сборник тезисов III Международной конференции / под ред. Б. Б. Страумала. — Черноголовка, 2023. — С. 35.
- A7. Kochev, V. D. On the phase transition between superconductivity and charge/spin-density wave in organic metals / V. D. Kochev, S. S. Seidov, P. D. Grigoriev //. VII International Conference on Quantum Technologies. Moscow, 2023.

- А8. Изучение параметров неоднородной сверхпроводимости с помощью транспортных измерений / П. Д. Григорьев [и др.] // Проблемы физики твердого тела и высоких давлений: тезисы XXII Всероссийской конференции. — Сочи, 2023. — С. 55—57.
- А9. Кочев, В. Д. Оценка размеров сверхпроводящих островов на фоне волны спиновой плотности в органических металлах / В. Д. Кочев, С. С. Сеидов, П. Д. Григорьев // Проблемы физики твердого тела и высоких давлений: тезисы XXII Всероссийской конференции. — Сочи, 2023. — С. 92—94.
- А10. Григорьев, П. Д. Фазовый переход между волной спиновой плотности и сверхпроводимостью в органических металлах / П. Д. Григорьев, В. Д. Кочев, С. С. Сеидов // Магнитные фазовые переходы: сборник трудов XV международного семинара, посвященного 300-летию Российской Академии Наук. — Махачкала, 2023. — С. 22—23.
- А11. Кочев, В. Д. О фазовом переходе между сверхпроводимостью и волной спиновой/зарядовой плотности в органических металлах / В. Д. Кочев, С. С. Сеидов, П. Д. Григорьев // XL международная зимняя школа физиков-теоретиков «Коуровка»: тезисы докладов. Екатеринбург, 2024. С. 78.

Список литературы

- Grüner, G. Density Waves in Solids / G. Grüner. Addison-Wesley Pub. Co., Advanced Book Program, 1994. — P. 259.
- Monceau, P. Electronic crystals: An experimental overview / P. Monceau // Adv. Phys. 2012. Aug. – Vol. 61, no. 4. – P. 325–581.
- 3. Charge- and spin-density-wave superconductors / A. M. Gabovich [et al.] // Supercond. Sci. Technol. 2001. Mar. Vol. 14, no. 4. R1-R27.
- Gabovich, A. M. Charge- and spin-density waves in existing superconductors: Competition between Cooper pairing and Peierls or excitonic instabilities / A. M. Gabovich, A. I. Voitenko, M. Ausloos // Phys. Rep. – 2002. – Sept. – Vol. 367, no. 6. – P. 583–709.
- Direct observation of competition between superconductivity and charge density wave order in YBa₂Cu₃O₆.67 / J. Chang [et al.] // Nature Phys. – 2012. – Oct. – Vol. 8, no. 12. – P. 871–876.
- Momentum-Dependent Charge Correlations in YBa₂Cu₃O_{6+δ} Superconductors Probed by Resonant X-Ray Scattering: Evidence for Three Competing Phases / S. Blanco-Canosa [et al.] // Phys. Rev. Lett. 2013. May. Vol. 110, no. 18. P. 187001.
- Synchrotron x-ray scattering study of charge-density-wave order in HgBa2CuO_{4+δ} / W. Tabis [et al.] // Phys. Rev. B. – 2017. – Oct. – Vol. 96, no. 13. – P. 134510.
- Charge order and its connection with Fermi-liquid charge transport in a pristine high-T_c cuprate / W. Tabis [et al.] // Nature Communications. - 2014. - Dec. - Vol. 5, no. 1. - P. 5875.
- Charge ordering in the electron-doped superconductor Nd_{2-x}Ce_xCuO₄ / E. H. da Silva Neto [et al.] // Science. - 2015. - Vol. 347, no. 6219. - P. 282-285.
- Observation of two types of charge-density-wave orders in superconducting La_{2-x}Sr_xCuO₄ / J.-J. Wen [et al.] // Nature Communications. 2019. July. Vol. 10, no. 1. P. 3269.
- Si, Q. High-temperature superconductivity in iron pnictides and chalcogenides / Q. Si, R. Yu, E. Abrahams // Nat Rev Mater. – 2016. – Mar. – Vol. 1, no. 4. – P. 16017.
- Electronic structure and superconductivity of FeSe-related superconductors / X. Liu [et al.] // J. Phys.: Condens. Matter. – 2015. – Apr. – Vol. 27, no. 18. – P. 183201.

- Lian, C.-S. Unveiling Charge-Density Wave, Superconductivity, and Their Competitive Nature in Two-Dimensional NbSe₂ / C.-S. Lian, C. Si, W. Duan // Nano Lett. - 2018. - Apr. - Vol. 18, no. 5. - P. 2924-2929.
- 14. Using controlled disorder to probe the interplay between charge order and superconductivity in NbSe₂ / K. Cho [et al.] // Nat Commun. 2018. July. Vol. 9, no. 1. P. 2796.
- Ishiguro, T. Organic Superconductors / T. Ishiguro, K. Yamaji, G. Saito. Springer Berlin Heidelberg, 1998.
- 16. The Physics of Organic Superconductors and Conductors / ed. by A. Lebed. Springer Berlin Heidelberg, 2008.
- Lee, I. J. Critical Field Enhancement near a Superconductor-Insulator Transition / I. J. Lee, P. M. Chaikin, M. J. Naughton // Phys. Rev. Lett. – 2002. – May. – Vol. 88, no. 20. – P. 207002.
- Coexistence of superconductivity and spin density wave orderings in the organic superconductor (TMTSF)₂PF₆/T. Vuletić [et al.] // Eur. Phys. J. B. – 2002. – Feb. – Vol. 25, no. 3. – P. 319–331.
- Domain walls at the spin-density-wave endpoint of the organic superconductor (TMTSF)₂PF₆ under pressure / N. Kang [et al.] // Phys. Rev. B. – 2010. – Mar. – Vol. 81, no. 10. – 100509(R).
- Coexistence of Spin Density Waves and Superconductivity in (TMTSF)₂PF₆ / A. Narayanan [et al.] // Phys. Rev. Lett. – 2014. – Apr. – Vol. 112, no. 14. – P. 146402.
- Coexistence of Superconductivity and Antiferromagnetism Probed by Simultaneous Nuclear Magnetic Resonance and Electrical Transport in (TMTSF)₂PF₆ System / I. J. Lee [et al.] // Phys. Rev. Lett. 2005. May. Vol. 94, no. 19. P. 197001.
- 22. Anisotropy of the Upper Critical Field in (TMTSF)₂PF₆ / I. J. Lee [et al.] // Phys. Rev. Lett. 1997. May. Vol. 78, no. 18. P. 3555–3558.
- 23. Triplet Superconductivity in an Organic Superconductor Probed by NMR Knight Shift / I. J. Lee [et al.] // Phys. Rev. Lett. 2001. Dec. Vol. 88, no. 1. P. 017004.
- Role of anion ordering in the coexistence of spin-density-wave and superconductivity in (TMTSF)₂ClO₄ / Y. A. Gerasimenko [et al.] // JETP Lett. - 2013. - June. - Vol. 97, no. 7. -P. 419-424.
- 25. Coexistence of superconductivity and spin-density wave in (TMTSF)₂ClO₄: Spatial structure of the two-phase state / Y. A. Gerasimenko [et al.] // Phys. Rev. B. 2014. Feb. Vol. 89, no. 5. P. 054518.
- Crossover from impurity-controlled to granular superconductivity in (TMTSF)₂ClO₄ / S. Yonezawa [et al.] // Phys. Rev. B. – 2018. – Jan. – Vol. 97, no. 1. – P. 014521.
- Superconductivity in the charge-density-wave state of the organic metal α-(BEDT-TTF)₂KHg(SCN)₄ / D. Andres [et al.] // Phys. Rev. B. - 2005. - Nov. - Vol. 72, no. 17. -P. 174513.
- Unusual competition of superconductivity and charge-density-wave state in a compressed topological kagome metal / F. H. Yu [et al.] // Nature Communications. 2021. June. Vol. 12, no. 1. P. 3645.
- Wang, Y. Enhancement of superconductivity at the onset of charge-density-wave order in a metal / Y. Wang, A. V. Chubukov // Phys. Rev. B. – 2015. – Sept. – Vol. 92, issue 12. – P. 125108.
- Armitage, N. P. Progress and perspectives on electron-doped cuprates / N. P. Armitage, P. Fournier, R. L. Greene // Rev. Mod. Phys. – 2010. – Sept. – Vol. 82, issue 3. – P. 2421–2487.
- Correlation between Fermi surface transformations and superconductivity in the electron-doped high-T_c superconductor Nd_{2-x}Ce_xCuO₄ / T. Helm [et al.] // Phys. Rev. B. – 2015. – Sept. – Vol. 92, issue 9. – P. 094501.
- Enhancement of Superconducting Transition Temperature due to the Strong Antiferromagnetic Spin Fluctuations in the Noncentrosymmetric Heavy-Fermion Superconductor CeIrSi₃: A ²⁹Si NMR Study under Pressure / H. Mukuda [et al.] // Phys. Rev. Lett. – 2008. – Mar. – Vol. 100, issue 10. – P. 107003.
- Enhancement of superconductivity by pressure-induced critical ferromagnetic fluctuations in UCoGe / M. Manago [et al.] // Phys. Rev. B. – 2019. – Jan. – Vol. 99, issue 2. – P. 020506.
- Sixfold enhancement of superconductivity in a tunable electronic nematic system / C. Eckberg [et al.] // Nature Physics. - 2020. - Mar. - Vol. 16, no. 3. - P. 346-350.

- Enhanced Superconducting Pairing Strength near a Pure Nematic Quantum Critical Point / K. Mukasa [et al.] // Phys. Rev. X. – 2023. – Mar. – Vol. 13, issue 1. – P. 011032.
- Tanaka, Y. Microscopic theory of spin-triplet f-wave pairing in quasi-one-dimensional organic superconductors / Y. Tanaka, K. Kuroki // Phys. Rev. B. 2004. Aug. Vol. 70, issue 6. P. 060502.
- Gor'kov, L. P. Nature of the superconducting state in the new phase in (TMTSF)₂PF₆ under pressure / L. P. Gor'kov, P. D. Grigoriev // Phys. Rev. B. 2007. Jan. Vol. 75, no. 2. 020507(R).
- Grigoriev, P. D. Properties of superconductivity on a density wave background with small ungapped Fermi surface parts / P. D. Grigoriev // Phys. Rev. B. – 2008. – June. – Vol. 77, no. 22. – P. 224508.
- Experimental evidence for Zeeman spin-orbit coupling in layered antiferromagnetic conductors / R. Ramazashvili [et al.] // npj Quantum Materials. – 2021. – Feb. – Vol. 6, no. 1. – P. 11.
- 40. *Naito*, *T*. Modern History of Organic Conductors: An Overview / T. Naito // Crystals. 2021. Vol. 11, no. 7.
- Yasuzuka, S. Recent progress in high-pressure studies on organic conductors / S. Yasuzuka, K. Murata // Science and Technology of Advanced Materials. – 2009. – Vol. 10, no. 2. – P. 024307.
- Clay, R. From charge- and spin-ordering to superconductivity in the organic charge-transfer solids / R. Clay, S. Mazumdar // Physics Reports. — 2019. — Vol. 788. — P. 1—89. — From charge- and spin-ordering to superconductivity in the organic charge-transfer solids.
- Itoi, M. Pressure-Induced Superconductivity of the Quasi-One-Dimensional Organic Conductor (TMTTF)₂TaF₆ / M. Itoi, T. Nakamura, Y. Uwatoko // Materials. – 2022. – Vol. 15, no. 13.
- Kartsovnik, M. V. High Magnetic Fields: A Tool for Studying Electronic Properties of Layered Organic Metals / M. V. Kartsovnik // Chem. Rev. – 2004. – Nov. – Vol. 104, no. 11. – P. 5737–5782.
- Brazovskii, S. Electron selflocalization and superstructures in quasi one-dimensional dielectrics / S. Brazovskii, N. Kirova // Sov. Sci. Rev. A. – 1984. – Vol. 5. – P. 99–166.
- Su, W. P. Theory of Polymers Having Broken Symmetry Ground States / W. P. Su, S. Kivelson, J. R. Schrieffer // Physics in One Dimension / ed. by J. Bernascony, T. Schneider. – Springer Berlin Heidelberg, 1981. – P. 201–211. – (Springer Series in Solid-State Sciences).
- Grigoriev, P. D. Superconductivity on the density-wave background with soliton-wall structure / P. D. Grigoriev // Physica B. – 2009. – Mar. – Vol. 404, no. 3/4. – P. 513–516.
- Gor'kov, L. P. Soliton phase near antiferromagnetic quantum critical point in Q1D conductors / L. P. Gor'kov, P. D. Grigoriev // Europhys. Lett. – 2005. – Aug. – Vol. 71, no. 3. – P. 425–430.
- Iguchi, I. Diamagnetic activity above T_c as a precursor to superconductivity in La_{2-x}Sr_xCuO₄ thin films / I. Iguchi, T. Yamaguchi, A. Sugimoto // Nature. 2001. July. Vol. 412, no. 6845. P. 420–423.
- Diamagnetic Precursor State in High-T_c Oxide Superconductors near Optimal Doping Using Scanning Superconducting Quantum Interference Device Microscopy / A. Sugimoto [et al.] // Japanese Journal of Applied Physics. 2002. May. Vol. 41. P. L497.
- 51. *Tinkham*, *M*. Introduction to superconductivity / M. Tinkham. 2nd ed. New York : McGraw-Hill, Inc., 1996. – (International series in pure and applied physics).
- Efros, A. L. Physics and Geometry of Disorder: Percolation Theory / A. L. Efros. Imported Pubn, 1987. — (Science for Everyone).
- Gossamer high-temperature bulk superconductivity in FeSe / A. A. Sinchenko [et al.] // Phys. Rev. B. - 2017. - Apr. - Vol. 95, no. 16. - P. 165120.
- 54. Anisotropic effect of appearing superconductivity on the electron transport in FeSe / P. D. Grigoriev [et al.] // JETP Lett. 2017. June. Vol. 105, no. 12. P. 786–791.
- Nanoscale superconducting-gap variations and lack of phase separation in optimally doped BaFe_{1.86}Co_{0.14}As₂ / F. Massee [et al.] // Phys. Rev. B. – 2009. – June. – Vol. 79, issue 22. – P. 220517.
- Local Inhomogeneity and Filamentary Superconductivity in Pr-Doped CaFe₂As₂ / K. Gofryk [et al.] // Phys. Rev. Lett. – 2014. – Jan. – Vol. 112, no. 4. – P. 047005.
- 57. A strongly inhomogeneous superfluid in an iron-based superconductor / D. Cho [et al.] // Nature. 2019. July. Vol. 571, no. 7766. P. 541–545.

- Suppression of Superconductivity by Twin Boundaries in FeSe / C.-L. Song [et al.] // Phys. Rev. Lett. – 2012. – Sept. – Vol. 109, issue 13. – P. 137004.
- 59. Revealing the single electron pocket of FeSe in a single orthorhombic domain / L. C. Rhodes [et al.] // Phys. Rev. B. 2020. June. Vol. 101, issue 23. P. 235128.
- Direct imaging of the structural domains in the iron pnictides AFe₂As₂ (A =Ca, Sr, Ba) / M. A. Tanatar [et al.] // Phys. Rev. B. – 2009. – May. – Vol. 79, issue 18. – P. 180508.
- Direct visualization of phase separation between superconducting and nematic domains in Codoped CaFe₂As₂ close to a first-order phase transition / A. Fente [et al.] // Phys. Rev. B. – 2018. – Jan. – Vol. 97, no. 1. – P. 014505.
- Tetragonal-to-Orthorhombic Structural Phase Transition at 90 K in the Superconductor Fe_{1.01}Se / T. M. McQueen [et al.] // Phys. Rev. Lett. – 2009. – July. – Vol. 103, issue 5. – P. 057002.
- Nematic state of the FeSe superconductor / S. Rößler [et al.] // Phys. Rev. B. 2022. Feb. Vol. 105, issue 6. – P. 064505.
- 64. Relationship between Transport Anisotropy and Nematicity in FeSe / J. M. Bartlett [et al.] // Phys. Rev. X. 2021. May. Vol. 11, issue 2. P. 021038.
- Nematic Electronic Structure in the "Parent" State of the Iron-Based Superconductor Ca(Fe_{1-x}Co_x)₂As₂ / T.-M. Chuang [et al.] // Science. - 2010. - Vol. 327, no. 5962. -P. 181-184.
- Doubling of the critical temperature of FeSe observed in point contacts / Y. G. Naidyuk [et al.] // Phys. Rev. B. – 2016. – Apr. – Vol. 93, no. 14. – P. 144515.
- Conductivity of anisotropic inhomogeneous superconductors above the critical temperature / S. S. Seidov [et al.] // Phys. Rev. B. – 2018. – July. – Vol. 98, no. 1. – P. 014515.
- Excess Conductivity of Anisotropic Inhomogeneous Superconductors Above the Critical Temperature / T. I. Mogilyuk [et al.] // Physics of the Solid State. — 2019. — Sept. — Vol. 61, no. 9. — P. 1549—1552.
- Danner, G. M. Critical imperfect nesting in (TMTSF)₂PF₆ / G. M. Danner, P. M. Chaikin, S. T. Hannahs // Phys. Rev. B. – 1996. – Feb. – Vol. 53, issue 5. – P. 2727–2731.